

الفصل الرابع

إنشاء مراجع الأسناد الجيوديسية

مراجع الأسناد الجيوديسية

ان تحديد أي موقع دائرة العرض وخط الطول بدقة اصبح حاليا امرا سهلا حيث يتم ذلك باستعمال أجهزة تحديد الموقع بواسطة الأقمار الصناعية (GPS) ، ولكن هذه الطريقة او الخيار لم يكن متوفرا في الماضي حيث كان الروتين العادي للاعمال المساحية قبل بداية عصر استعمال الأقمار الصناعية هو ببساطة ان نبدأ من نقطة مساحية معلومة الاحاديثيات الجيوديسية والتسامت الى نقطة أخرى ، ومن هذه النقطة المعروفة الاحاديثيات تبدأ الاعمال المساحية ، حيث تتم قياسات دقيقة للمسافات والاتجاهات الى نقاط جديدة وباستعمال هذه القياسات في عمليات حسابية معقدة وصعبة يتم الحصول على الاحاديثيات للنقط الجديدة .

وهكذا في كل بداية أي عمل مساحي نحتاج الى نقطة معلومة الاحاديثيات وتسامت الى نقطة أخرى وقد نتساءل عن كيف تم الحصول على احداثيات هذه النقطة لتكون الإجابة بأن تم ذلك بربطها على شبكة النقاط ذات دقة الدرجة الأولى ومرة أخرى كيف تم الحصول على احداثيات شبكة النقاط ذات دقة الدرجة الأولى ويكون الجواب بأنه تم ربط هذه النقاط ذات دقة الدرجة الأولى الى نقاط الشبكة الأساسية ذات الدقة العالية وهذه النقاط هي التي تم ربط جميع النقاط عليها ومرة أخرى يستمر التساؤل كيف تم الحصول او حساب احداثيات نقاط هذه الشبكة الأساسية للبلد او المنطقة ليكون الجواب بان جميع النقاط المساحية لها نقطة بداية وحيدة معلومة الاحاديثيات وهي نقطة الأصل لجميع النقاط وهذا ما يشار اليه بأنه مرجع الأسناد .

وعليه وبغض النظر عن نوع الاحاديثيات سواء كانت جغرافية أو كارتيزية التي تبين موقع الأشياء والمعالم على سطح الأرض ، فإننا نحتاج الى معرفة إحداثيات نقطة بداية مرجع الأسناد الجيوديسي وكذلك التسامت الى نقطة مساحية أخرى لكي نتمكن من القياس من هذه النقطة وحساب احداثيات أي نقاط او مواقع مطلوبة .

وحتى وقت قريب أكثر مرجع للإحداثيات كان متوفرا أو متاح من منظور أنه مرجع احداثيات عالمي هو الكره السماوية للنجوم ، وكانت تستعمل في الملاحة ورسم الخرائط، وكذلك تستخدم كنظام أساسى لتوجيه نظم الاحاديثيات الأرضية.

القياسات المساحية تتم على سطح الأرض وهو سطح غير منظم ولا يمكن إجراء الحسابات المساحية عليه، وتتم الحسابات المساحية على شكل منتظم وهو الالبسويد ، ولنتم عملية الحسابات على الالبسويد يجب ربط أو تثبيت الالبسويد "الشكل البيضاوي " الى الأرض "الجيويدي" وذلك عن طريق عناصر تعريف مرجع الاسناد الجيوديسي وهي عناصر التوجيه وعناصر الازاحة بالنسبة الى الأرض وكذلك العناصر المعرفة للالبسويد وهي شكل وحجم الالبسويد وهي نصف القطر الأكبر والتقطيع ، وتعتبر عناصر تعريف مرجع الاسناد الجيوديسي هي حلقة الوصل ما بين الاحداثيات والعالم الحقيقي وهي الأرض.

والطريقة المثالية لتعريف مرجع الاسناد الجيوديسي هو أن يكون مركز محاور الاحداثيات الكارتيزية (Z,Y,X) هو مركز نقل الأرض وهي نقطة (0,0,0) لمحاور الاحداثيات الكارتيزية ، ويكون المحور (Z) مطابق لمتوسط موقع محور دوران الأرض المتعارف عليه ، وأن مستوى دائرة الاستواء تكون عمودية على محور دوران الأرض وتمر بمركز نقل الأرض ، ولكن مركز نقل الأرض لم يتم تحديده إلا بعد بداية عصر الفضاء بإطلاق أول قمر صناعي سبوتنيك "Sputnik" في أكتوبر 4- 1957 وكذلك بعد بداية استعمال تقنيات القياس الفضائية مثل .GNSS , VLBI SLR , LLR . وعليه فإن مراجع الاسناد الجيوديسية قبل عصر الأقمار الصناعية كانت مراجع اسناد جيوديسية محلية ولم يكن مركزها مركز نقل الأرض ولهذا لم تكن أرض مركزية وعليه أصبح يوجد نوعان من مراجع الاسناد الجيوديسية الأرضية كالتالي:

1- مراجع اسناد جيوديسية أرضية محلية " Topocentric "

2- مراجع اسناد جيوديسية عالمية " Geocentric "

1-مراجع اسناد جيوديسية أرضية محلية

ومع أن نظم المراجع الجيوديسية المحلية قد استبدلت بأنظمة المراجع الحديثة في أمريكا وكندا وأوروبا وفي بداية التغير في أمريكا الجنوبية ، فإن النظم الجيوديسية التقليدية لا تزال تعتبر مكون مهم في الكثير من أجزاء العالم ، ولهذا فإنه من المهم فهم هذه الأنظمة التقليدية وعلاقتها بالنظم الجيوديسية الأخرى. كما هو معروف لإجراء أي أعمال مساحية بما فيها إنشاء شبكات الضبط الافقية فإنه يتطلب وجود على الأقل نقطة بداية معلومة الاحداثيات وكذلك تسامت معلوم الى نقطة أو علامة أخرى.

وعليه فإنه في الطرق التقليدية في إنشاء مراجع اسناد جيوديسية محلية يتم اختيار علامة مساحية من الدرجة الأولى عادة ما تكون وسط منطقة شبكة الضوابط الأرضية ، ويتم قياس الاحداثيات الفلكية وهي

دائرة العرض الفلكية وخط الطول الفلكي وكذلك قياس التسامت الفلكي من هذه النقطة الى علامة أخرى ،
وحيث أن الحسابات تتم على الالبسويد عليه يتم اختيار الالبسويد المناسب الذى له الحجم والشكل (f,a).
وبعد عملية اختيار الالبسويد "الشكل البيضاوى" تقوم بعملية ربط أو تثبيت هذا الالبسويد الى الجيويد عند
نقطة البداية السابق ذكرها التي تم فيها قياس القيم الفلكية.

واللحصول على الاحداثيات الجيوديسية والتسامت الجيوديسى عند نقطة البداية من القيم الفلكية التي تم قياسها
عند نقطة البداية تستعمل المعادلات الاتية التي تعطى العلاقة ما بين القيم الجيوديسية والقيم الفلكية كالتالي:

المعادلة (1) تعطي العلاقة ما بين دائرة العرض الفلكية ودائرة العرض الجيوديسية كالتالي :

$$\xi_0 = \Phi_0 - \phi_0$$

حيث ان

ξ_0 هي مركبة الانحراف الرأسي في اتجاه خط الطول عند نقطة البداية.

Φ_0 هي دائرة العرض الفلكية التي تم قياسها عند نقطة البداية .

ϕ_0 هي دائرة العرض الجيوديسية لنقطة البداية المطلوب تعبيئها .

المعادلة (2) تعطي العلاقة ما بين خط الطول الفلكي وخط الطول الجيوديسى كالتالي :

$$\eta_0 = (\Lambda_0 - \lambda_0) \cos \phi_0$$

حيث ان

η_0 هي مركبة الانحراف الرأسي في اتجاه دائرة العرض عند نقطة البداية.

Λ_0 هي خط الطول الفلكي التي تم قياسه عند نقطة البداية

λ_0 هي خط الطول الجيوديسى لنقطة البداية المطلوب ايجاده

المعادلة (3) تعطي العلاقة ما بين التسامت الفلكي والتسامت الجيوديسى كالتالي :

$$\alpha_0 = A_0 - \eta_0 \tan \phi_0$$

حيث ان

α_0 هي التسامت الجيوديسى المطلوب ايجاده أو تعبيئه عند نقطة البداية

A_0 هي التسامت الفلكي الذى تم قياسه عند نقطة البداية

المعادلة (4) تعطي العلاقة ما بين الارتفاع الجيوديسي والارتفاع الاورتومترى كالتالى :

$$N_0 = h_0 - H_0$$

حيث أن

N_0 هي حيد الجيود و هي المسافة ما بين الجيود والابسويد عند نقطة البداية

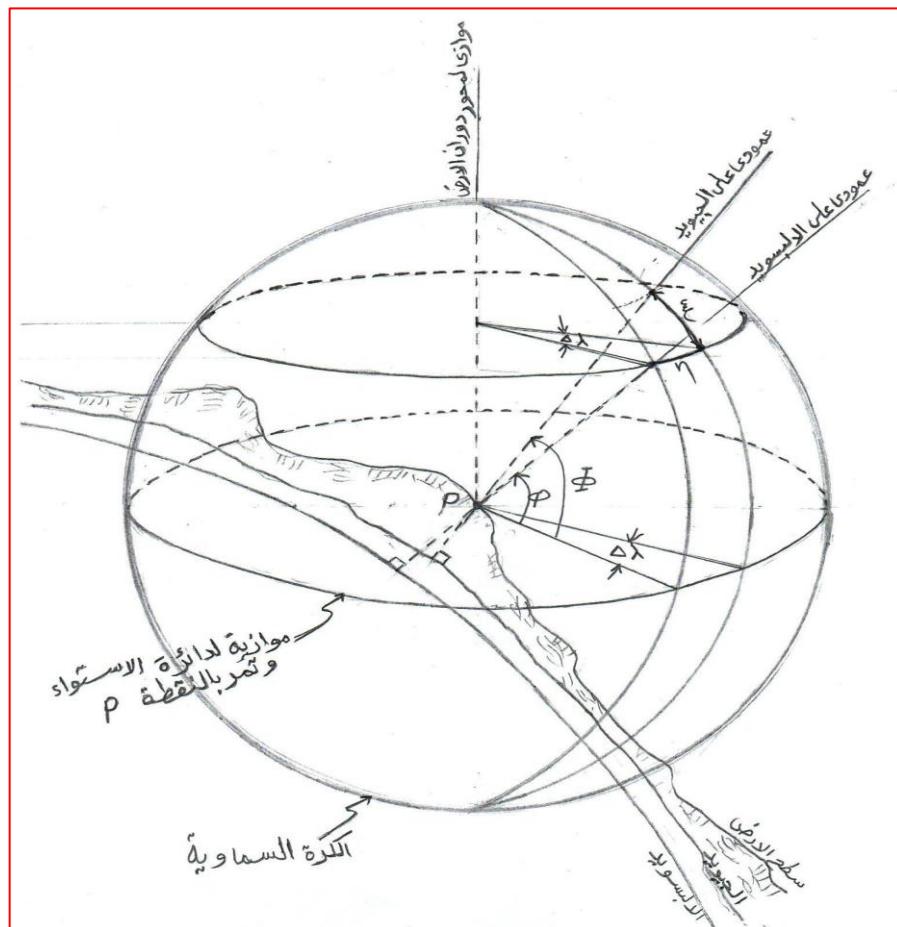
h_0 هو الارتفاع الجيوديسي المطلوب تعينه عند نقطة البداية

H_0 هو الارتفاع الاورتومترى المقاس عند نقطة البداية

و هذه المعادلات مفيدة حيث انها تستعمل في عملية التوجيه الملائم من نظام احداثيات الى نظام احداثيات.

وكذلك في تحويل مقادير مقاسة أو فلكية الى مقادير رياضية جغرافية مفيدة

الشكل (12) يبين مركبات الانحراف الرأسي في اتجاه خط الطول وفي اتجاه دائرة العرض



الشكل (12) يبين مركبات الانحراف الرأسي عند النقطة (P)

معادلة لابلاس

معادلة لابلاس هي المعادلة رقم (3) من المعادلات السابقة وهي كالتالي: -

$$\alpha = A - \eta \tan\phi$$

هذه المعادلة تبين العلاقة ما بين التسامت الفلكي والتسامت الجيوديسي وعليه فإن النقاط التي يتم فيها قياس التسامت الفلكي وخط الطول الفلكي وكذلك دائرة العرض الفلكية تسمى نقاط لابلاس نسبة إلى العالم الفرنسي بيير سيمون لابلاس (Pierre Simon Laplace 1749-1827) وعادة ما تكون هذه النقاط على خطوط التضليل كل مسافات معينة وكذلك تكون عند تلاقى خطوط التضليل لمراقبة وضبط تراكم الأخطاء الناتجة من قياس الزوايا الافقية على طول خطوط التضليل وذلك لضبط وتصحيح التسامت الجيوديسي لأن وجود خطأ بسيط في التسامت الجيوديسي الذي تم حسابه من الزوايا الافقية المقاسة سوف يتكرر ويترافق في كل الشبكة.

كذلك تستعمل معادلة لابلاس عند نقاط البداية لمراجع الاستناد الجيوديسية لضمان أن محاور الاحداثيات المتماثلة تكون متوازية بتطبيق شرط التسامت لمعادلة لابلاس المعادلة (3) وهذا الشرط يلزم بأن خطوط الطول الجيوديسية وخطوط الطول الفلكية تكون متوازية عند نقطة بداية مرجع الاستناد الجيوديسي أو عند أي نقطة أخرى تطبق فيها معادلة لابلاس.

توجيه الالبسoid الى الجيoid:

هناك طريقتان لتوجيه الالبسoid الى الجيoid عند إنشاء مراجع الاستناد الجيوديسية الافقية المحلية وهي كالتالي: -

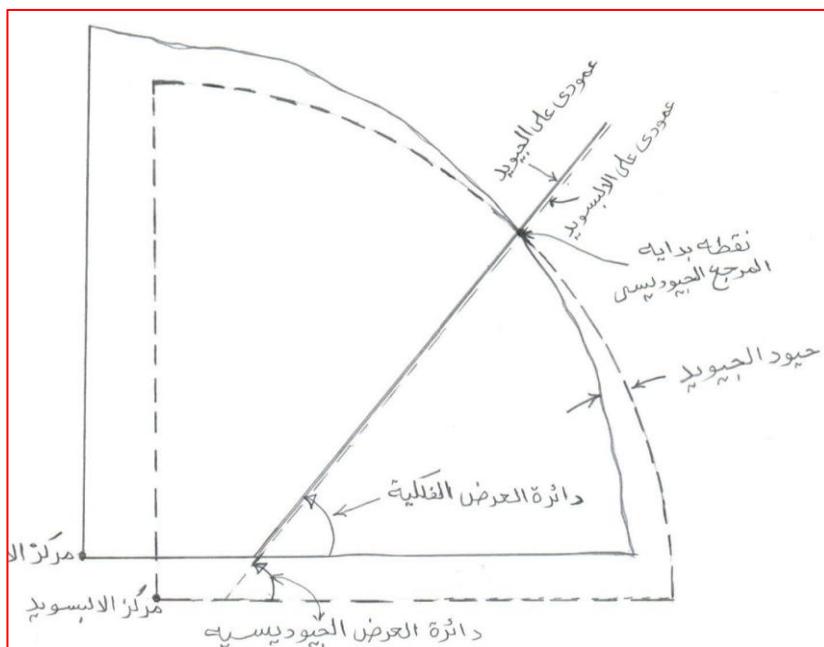
- 1- توجيه الالبسoid الى الجيoid بنقطة فلكية واحدة.
- 2- توجيه الالبسoid الى الجيoid بالطريقة الفلكية الجيوديسية.

١- توجيه الاسناد الجيوديسية الافقية ب نقطة فلكية واحدة .

بداية مراجع الاسناد الجيوديسية الافقية تكون من الاحداثيات الجيوديسية ل نقطة البداية و تسمى كذلك نقطة الأصل وهذه الاحداثيات هي دائرة العرض الجيوديسية و خط الطول الجيوديسي والارتفاع الجيوديسي وكذلك عناصر تعريف الاسناد و هي نصف قطر ال اكبر والتقطيع .

وعليه عند انشاء مراجع الاسناد الجيوديسية الافقية يتم اختيار نقطة البداية أحدي نقاط الضبط الافقية و الأفضل أن تكون وسط منطقة الضوابط الافقية ، للحصول على الاحداثيات الجيوديسية وهي دائرة العرض الجيوديسية و خط الطول الجيوديسي والارتفاع الجيوديسي عند نقطة البداية ، ويتم تطبيق المعادلات (1,2,3,4) السابقة وذلك بافتراض أن مركبة الانحراف الرأسي في اتجاه خط الطول (ξ_0) يساوى صفر وكذلك مركبة الانحراف الرأسي في اتجاه العمودي الأساسي (η_0) تساوى صفر عند نقطة البداية ، وكذلك افترض أن حيود الجيوديد (N_0) يساوى صفر بمعنى أن الارتفاع الجيوديسي يساوى الارتفاع الورتومترى عند نقطة البداية كما في الشكل(13) و عليه فإن

$$\xi_0 = \eta_0 = N_0 = 0$$



شكل (13) يبين توجيه الاسناد الجيوديد الى الجيوديد بنقطة فلكية واحدة

وبتطبيق المعادلات (4,3,2,1) السابقة نجد أن الاحداثيات الجيوديسية تساوى الاحداثيات الفلكية عند نقطة البداية لمرجع الاسناد الجيوديسي وكذلك التسamtة الجيوديسي يساوى التسamtة الفلكي وأن الارتفاع الجيوديسي يساوى الارتفاع الاورتومترى، وبهذا تكون قد تحصلنا على العناصر الثمانية المعرفة لمرجع الاسناد الجيوديسي الافقى وهي كالتى: -

$$A_0 = \alpha_0 , \Lambda_0 = \lambda_0 , \Phi_0 = \phi_0$$

$$0 = N_0 , 0 = \eta_0 , 0 = \xi_0$$

(f,a) للشكل البيضاوى الذى تم اختياره وبذلك نكون قد تحصلنا على الاحداثيات الجيوديسية والتسامت لنقطة بداية مرجع الاسناد المحلي من الواضح أنه عند استعمال نقطة فلكية واحدة لتوجيه الالبسoid الى الجيoid عند إنشاء مراجع الاسناد الجيوديسية فإن مركز الالبسoid لا يكون متطابق مع مركز تقل الأرض وكذلك المسافة ما بين الجيoid والالبسoid قد تزداد بسرعة كلما ابتعدنا عن نقطة بداية مرجع الاسناد وعليه فإن الالبسoid نادرا ما يكون مطابق للجيoid في كل المنطقة وهذا كان مهم في الماضي لأن القياسات المساحية على سطح الأرض تحتاج إلى تصحيح إلى سطح الالبسoid ويستعمل الارتفاع فوق الجيoid بدلا من الارتفاع الجيوديسي في تصحيح المسافات وذلك لأن الحصول على الارتفاع الجيوديسي حتى وقت قريب كان من الصعب الحصول عليه في حين أن الارتفاع الاورتومترى يمكن قياسه ولهذا فإن مطابقة الالبسoid الجيدة للجيoid كانت تعنى ضمنيا أن المسافة ما بين الالبسoid والجيoid يمكن اهمالها في عملية تصحيح المسافات ولكن يجب أن يكون معروفا أن تجاهل حيوان الجيoid يمكن أن ينتج عنه أخطاء انتظامية والتي تعتبر بالمعايير الحالية أنها مهمة.

ومن بعض الامثلة لطريقة توجيه الالبسoid الى الجيoid بنقطة فلكية واحدة في انشاء مراجع الاسناد الجيوديسية الافقية المحلية والمناطقية والتي يتم فيها اختيار نقطة بداية او نقطة اصل لمرجع الاسناد الجيوديسية ويتم قياس او رصد الاحداثيات الفلكية لنقطة البداية وكذلك التسamtة الى نقطة مساحية أخرى او أي معلم ، هي كالتى : .

1) مراجع الاسناد الجيوديسية الإقليمية او المناطقية .

1) مرجع الاسناد الجيوديسي الأوروبي 1950 (ED 50) .

نقطة الأصل لهذا المرجع الجيوديسي الأوروبي تقع في مدينة بوتسدام في المانيا عند برج هلمرت ، والاحاديثيات الجيوديسية لهذه النقطة ، نقطة البداية للمرجع الجيوديسي الأوروبي هي الاحداثيات الفلكية التي تم قياسها عند هذه النقطة وهي كالاتي : .

$$\text{ دائرة العرض} = 52^{\circ} 22' 51.446''$$

$$\text{ وخط الطول} = 13^{\circ} 08' 58.928''$$

والشكل البيضاوي لهذا المرجع الجيوديسي هو الشكل البيضاوي العالمي 1924
2) مرجع الاسناد الجيوديسي لامريكا الشمالية 1927 (NAD27) .

نقطة الأصل لمرجع أمريكا الشمالية 1927 هي ميدز رانش Meades Ranch في ولاية كانزس Kansas في الولايات المتحدة الامريكية وهذا المرجع الجيوديسي يستعمل في أمريكا وكندا بالإضافة الى المكسيك.

الشكل البيضاوي لهذا المرجع هو كلارك 1866 (Klarke 1866) 1866

والاحاديثيات الجيوديسية عند نقطة البداية هي كالاتي

$$\text{ دائرة العرض} = 39^{\circ} 13' 26.686'' \text{ شمالا}$$

$$\text{ خط الطول} = 98^{\circ} 32' 30.506'' \text{ غربا}$$

وقد اعتبر ان حيود الجيoid (geoidal height) او ارتفاع الجيoid (geoidal undulation) (Meades Ranch) يساوي صفر عند نقطة البداية (Meades Ranch) الى المحطة (Waldo)

وان التسامت من نقطة البداية (Meades Ranch) الى المحطة (Chua) يساوي

$$75^{\circ} 28' 09.64'' \text{ من الجنوب}$$

. . . (SAD 1969) (1969) مرجع الاسناد الجيوديسي لامريكا الجنوبية

نقطة الأصل البداية لمرجع الاسناد لامريكا الجنوبية 1969 هي المحطة (Chua) تقع في البرازيل واحداثيات نقطة الأصل هي كالاتي

$$\text{ دائرة العرض} = 19^{\circ} 45' 41.6527'' \text{ شمالا}$$

$$\text{ خط الطول} = 06^{\circ} 04.0639'' 48' \text{ غربا}$$

والتسامت الى النقطة (Uberage) هو كالاتي 91 30 05.42

والشكل البيضاوي لمرجع الاسناد الجيوديسي لامريكا الجنوبية هو كالاتي : .

$$6378160 = a$$

$$298.25 = 1/f$$

ب) امثلة لمراجع الاسناد الجيوديسية المحلية التي تم توجيهها من نقطة بداية واحدة هي .

(1) مرجع الاسناد الجيوديسي للمملكة العربية السعودية .

نقطة البداية او نقطة الأصل لهذا المرجع الجيوديسي هي المحطة هيران-2 (Hiran-2) بالقرب من مدينة الخجي بالمنطقة الشرقية ، والشكل البيضاوي المستخدم مع هذا المرجع هو الشكل البيضاوي العالمي 1924 (International Ellipsoid 1924) ويسمى هذا المرجع بمرجع الاسناد الجيوديسي عين العبد 1970، واعتبر متوسط منسوب سطح البحر عند جدة سنة 1969 أساسا لقياس المنسوب .

(2) مرجع الاسناد الجيوديسي لجمهورية مصر العربية .

نقطة الأصل لهذا المرجع الجيوديسي هي نقطة الزهراء بجبل المقطم بالقاهرة والشكل البيضاوي المستعمل لهذا المرجع الجيوديسي هو الشكل البيضاوي هلمرت 1906 (Helmert 1906) ويعرف هذا المرجع الجيوديسي باسم المرجع الوطني المصري 1970 .

وعليه فإنه في الماضي قبل بداية عصر الأقمار الصناعية كان يوجد نوعان من مراجع الاسناد الجيوديسية وهما مرجع الاسناد الجيوديسي الافقى الذي يعتبر الاساس لحساب مسوحات الضوابط الأرضية الافقية التي تهتم بالإحداثيات الافقية وتأخذ في الحساب تقوس الأرض ومرجع الاسناد الجيوديسي الرئيسي الذي يمؤسس شبكات الضبط الرئيسية التي تهتم بالارتفاعات فوق سطح البحر.

وهكذا فإن مراجع الاسناد الافقية ومراجع الاسناد الرئيسية بقيت منفصلة تماما عن بعضها في الماضي ولم يكن أي ربط أو عامل مشترك بينهما ، ولكن بعد بداية عصر جيوديسيا الأقمار الصناعية وتقنيات القياس الفضائية أصبحت هذه المراجع غالبا ما تذكر معا في نفس الوقت وذلك لأن مدارات الأقمار الصناعية

مرتبطة بمرجع اسناد واحد افقي وراسى وكذلك بعد التطور الهائل في نماذج الجاذبية العالمية الدقيقة ونماذج الجيoid المحلية والعالمية

2- توجيه الالبسoid الى الجيoid بالطريقة الفلكية الجيوديسية: -

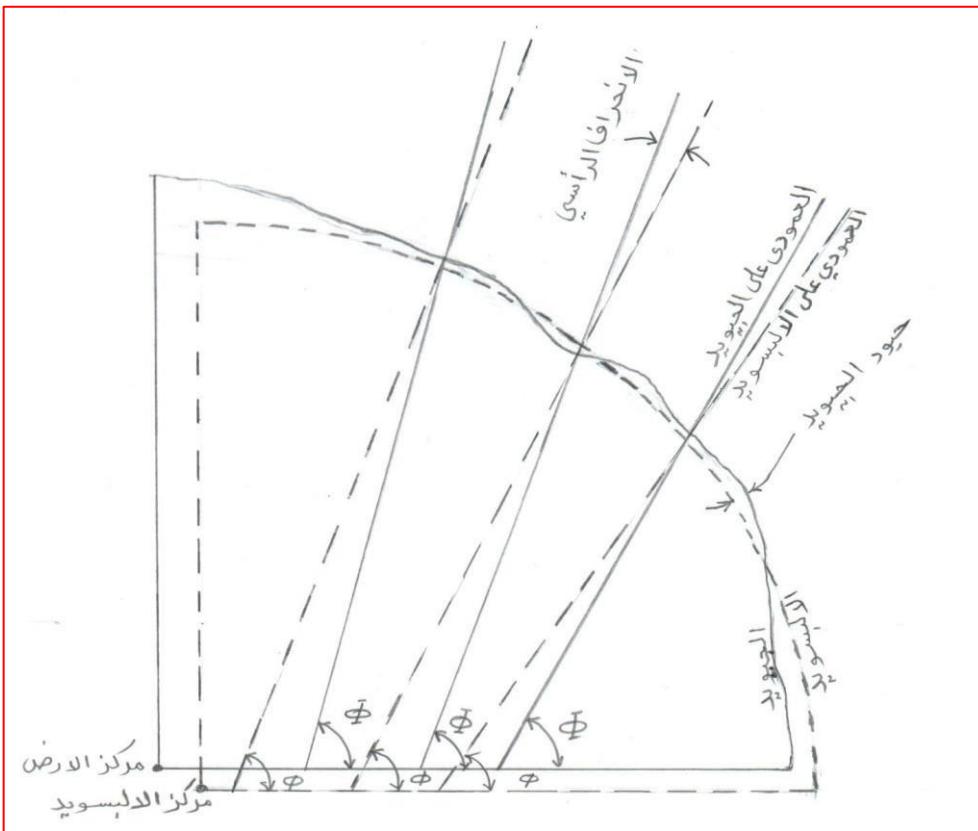
في الطريقة السابقة تم توجيه الالبسoid الى الجيoid بنقطة بداية فلكية واحدة وقد تم في نقطة البداية اختيار العناصر الثمانية التي تعرف مرجع الاسناد الجيوديسى وهى $(f, a, \eta_0, \xi_0, N_0, \alpha_0, \lambda_0, \phi_0)$ ومن هذه النقطة يتم حساب الاحداثيات الجيوديسية لكل نقاط شبكات الضبط الافقية، وفي نقاط لابلاس التي تم فيها قياس الاحداثيات الفلكية يتم حساب مركبات الانحراف الرأسى في اتجاه خط الطول " ξ " وكذلك في اتجاه دائرة العرض " η " حسب المعادلات $(1, 2)$ وكذلك حساب حيود الجيoid "N" في نقاط التي يتوفّر فيها الارتفاع الورتومترى والارتفاع الجيوديسى كما في المعادلة (3) .

وفي هذه الطريقة الفلكية الجيوديسية يتم حساب أقل قيمة لمركبات الانحراف الرأسى وكذلك أقل قيمة لحيود الجيoid على نقاط لابلاس وذلك بطريقة مجموع أقل المربعات ، يلاحظ ان قيمة مركبات الانحراف الرأسى وحيود الجيoid تكون متوفّرة فقط إذا كان هناك شبكة من نقاط الضبط الافقى محسوبة الاحداثيات الجيوديسية موجودة مسبقا.

وهذا يدل على الطبيعة التكرارية لتطوير مراجع الاسناد الجيوديسية ، أي أن عملية إيجاد أحسن ملائمة للجيoid في كل المنطقة يمكن أن تتم فقط كعملية تحسين على مرجع اسناد جيوديسى موجود مسبقا.

إعادة تعریف مرجع الاسناد الجيوديسی الليبي الأوروبي 1979

طريقة توجيه الالبسoid الى الجيoid بالطريقة الفلكية الجيوديسية هي التي تم تطبيقها في مصلحة المساحة الليبية في إعادة تعریف مرجع الاسناد الجيوديسی الليبي الأوروبي "ELD79" ، أو تحسين مرجع الاسناد الجيوديسی الليبي الأوروبي وذلك بطريقة مجموع أقل مربيعات لقيم (ξ, η, N) بحيث تكون هذه القيم أقل ما يمكن في كل النقاط التي استعملت في الحسابات كما في الشكل (13) .



شكل (13) يبين توجيه الالسويد الى الجيودي بالطريقة الفلكية الجيوديسية

بعد ذلك يتم حساب احداثيات جيوديسية جديدة لكل النقاط الداخلة في عملية الضبط بطريقة مجموع أقل مربعات كالاتي: -

$$\phi_i = \phi_{i ELD79} + \xi_i$$

$$\lambda_i = \lambda_{i ELD79} + \eta_i$$

$$h_i = h_{i ELD79} + N_i$$

ϕ_i هي الاحداثي الجيوديسي المحسن لدائرة العرض للنقطة i

λ_i هي الاحداثي الجيوديسي المحسن لخط الطول للنقطة i

h_i الارتفاع الجيوديسي المحسن للنقطة i

$(\phi_i, \lambda_i, h_i, N_i, \xi_i, \eta_i)$ أقل قيم مركبات الانحراف الرأسي وحبيود الجيودي للنقطة (i) التي تعطي احسن مطابقة للالسويد الى الجيودي

دائرة العرض في مرجع الاسناد الجيوديسي الليبي الأوروبي ELD79 $\phi_{i ELD79}$

λ_i ELD79 خط الطول في مرجع الاسناد الجيوديسي الليبي الأوروبي ELD79

h_i ELD79 الارتفاع الجيوديسي في مرجع الاسناد الجيوديسي الليبي الأوروبي ELD79

و (i) هو عدد النقاط الداخلة في حسابات مجموع أفل مربعات.

وحيث أن نقاط لابلاس الداخلية في الحسابات موزعة كل كامل البلاد فإن الالبسؤيد سوف يكون مطابق أحسن مطابقة للجيoid في كل انحاء ليبيا.

وباستعمال أجهزة تحديد الموقع GPS بواسطة الأقمار الصناعية تم حساب احداثيات عدد من نقاط لابلاس وكذلك من نقاط SNC في الاطار المرجعي الأرضي العالمي ITRF ، وبافتراض أن محاور احداثيات النظام المرجعي الأرضي العالمي ومحاور احداثيات النظام الجيوديسي الليبي المحسن متوازية وأن معامل المقاييس يساوي واحد ، وعليه تم إيجاد عناصر التحويل ($\Delta x, \Delta y, \Delta z$) من احداثيات في الاطار المرجعي الأرضي العالمي ITRF2000 في الفترة الزمنية 2006.3822 إلى احداثيات المرجع الجيوديسي الليبي المحسن وكان عدد النقاط المشتركة بين النظمتين الداخلية في حساب عناصر التحويل 29 نقطة وعناصر تحويل الاحداثيات كانت كالتالي : -

$$\Delta x = 208.4058 \text{ meters}$$

$$\Delta y = 109.8777 \text{ meters}$$

$$\Delta z = 2.5764 \text{ meters}$$

وقد سمي مرجع الاسناد الجيوديسي الليبي الجديد المحسن باسم مرجع الاسناد الجيوديسي الليبي 2006 او

LGD2006

2 – مراجع الاسناد الجيوديسية العالمية (نظم الاحداثيات المركزية) Geocentric Datums

كانت الطرق التقليدية في المساحة حتى النصف الأول من القرن العشرين هي القياس تم الحساب وكانت هذه القياسات محدودة على الكتل اليابسة فقط وهي القارات التي يمكن الوصول إليها والقياس عليها وكان عبور المحيطات غير ممكн وعليه لا يمكن الربط بين القارات في ذلك الوقت بطرق القاس التقليدية وعليه كان من المستحيل الوصول إلى مراجع جيوديسية عالمية تمثل كل الأرض وتكون هذه المراجع أرض مركزية. ولهذا كان يوجد المئات من مراجع الاسناد الافقية المحلية في العالم.

وتاريخ مراجع الاسناد الجيوديسية التقليدية قبل حوالي 1980 م يعتبر تاريخ لتطوير المعرفة وتحسين الدقة ولكن هذه التحسينات في معظم الأحيان تحسينات في نفس طرق المساحة الأساسية التي تعتبر متواجدة لعدة

قرن وهي طرق قياس المسافات والزوايا وقياس الاحداثيات الفلكية عند نقاط لابلاس لمراقبة التسامت وإنشاء شبكات الضبط الافقية.

وكانت مراجع الاسناد الجيوديسية الأرضية التقليدية "Datum" تشمل تعريف النظام المرجعي "RS" وكذلك الإطار المرجعي "RF" الذي يحقق هذا النظام المرجعي.

ومع بداية تقنيات القياس الفضائية مثل VLBI، LLR، SLR والأكثر أهمية أنظمة الملاحة العالمية بواسطة الأقمار الصناعية، BeiDou، GALILEO، GLONASS، GPS.... أصبحت نظم الاحداثيات المرجعية الأرضية تعرف بالمصطلح الحديث وهو النظام المرجعي الأرضي TRS والاطار المرجعي TRF الأرضي

كانت كل تقنية من تقنيات القياس الفضائية وكل مركز تحليل البيانات في العالم يعرّف نظام مرجعي أرضي "TRS" الخاص به، وعليه كانت النتيجة العديدة من الأطر المرجعية الأرضية "TRF" مختلفة عن بعضها وعليه وفي اجتماع الجمعية العمومية لاتحاد الدولي للجيوديسيا والجيوفيزاء "IUGG" والمنظمة العالمية للجيوديسيا "IAG" فيينا سنة 1991 "Vienna" أقرت النظام المرجعي الأرضي "TRS" الوحيد ويسمى النظام المرجعي الأرضي العالمي "ITRS".

وكان موصفات النظام المرجعي الأرضي العالمي (ITRS) كما يلي : ..

يعّرف النظام المرجعي الأرضي العالمي كالتالي

- المركز : هو مركز ثقل الأرض وهو مركز الاحداثيات (0,0,0) لمحاور الاحداثيات الكارتيزية (X,Y,Z)
- المحور Z : يعرف المحور (Z) بطريقة اصطلاحية متقد عليها وذلك لأن محور دوران الأرض ليس ثابت بالنسبة إلى سطح الأرض ولكن في حركة مستمرة وعليه تم اتخاذ متوسط اتجاه او موقع محور دوران الأرض في فترة زمنية معينة ليكون هو اتجاه قطب الأرض الاصطلاحي كما هو معروف من قبل (IERS) ويعّرف متوسط اتجاه القطب بالاسم (CIO) وكذلك يعرف بالاسم (IRP) يكون في اتجاه قطب الأرض الاصطلاحي كما هو معروف من قبل (IERS) ويعرف باسم (IRP) وكذلك باسم (CIO)

- المحور X : يمر هذا المحور من نقطة الصفر لخط الطول في جرينتش كما هو معروف من قبل (IERS)
- المحور Y : يكون هذا المحور بحيث يتم نظام احداثيات يد - يمنى (Right- Handed System)
- هذا النظام متبدلة إلى الأرض ويدور مع الأرض ولا تتغير هذه التوجيهات المذكورة بالنسبة إلى سطح الأرض .

وعليه فان النظام المرجعي الأرضي العالمي (ITRS) هو عبارة عن مجموعة من المصطلحات والمواصفات المتفق عليها من المنظمات الدولية والتي تعرف النظام المرجعي الأرضي العالمي وعليه فانه يوجد نظام مرجعي ارضي عالمي وحيد .

اما الاطار المرجعي الأرضي (TRF) فهو التحقيق العملي للنظام المرجعي الأرضي العالمي (ITRS) من خلال قياسات واحاديث نقاط مرجعية أرضية وعليه فان منظومة أقمار الملاحة العالمية (GNSS) التي تتكون من المنظومات (BeiDou , GALILEO , GLONASS , GPS) كل منظمة من هذه المنظومات قامت باستعمال البيانات والمعلومات وتقنيات قياس وطرق حسابات الخاصة بها لحساب اطار مرجعي ارضي خاص بها وذلك من خلال تحقيق وتنفيذ نفس المواصفات وعناصر التعريف للنظام المرجعي الأرضي العالمي (ITRS) المتفق عليه دوليا نتج عن ذلك اطر مرجعية ارضية (TRF) تختلف عن بعضها اختلافات بسيطة ومن هذه الأطر المرجعية الأرضية التي تحقق النظام المرجعي العالمي هي الأطر المرجعية الآتية :-

* الاطار المرجعي الأرضي العالمي ITRF

الاطار المرجعي الأرضي العالمي (ITRF) هو التحقيق العملي للنظام المرجعي الأرضي العالمي (ITRS) وهذا الاطار المرجعي الأرضي العالمي عبارة عن اكتر من 500 نقطة مرجعية منتشرة حول العالم يتم تعين احداثياتها الكارتزية وسرعات تغير هذه الاحداثيات بدقة عالية ساهمت في ذلك اربع طرق جيوديسية فضائية مختلفة لتحديد الموقع وهي DORIS , GPS , SLR , VLBI .

وهذه المساهمات انتجت الاطار المرجعي الأرضي العالمي (ITRF) الدقيق جدا متعدد الأغراض والاستعمالات وتقوم منظمة خدمات دوران الأرض العالمية (IERS) بتوفير البيانات والمنتجات عالية الدقة ومتاحة مجانا وبشكل مفتوح وانشاء الاطار المرجعي الأرضي العالمي (ITRF) والوصول اليه وكذلك إمكانية استخدام بيانات ومنتجات (IERS) في اعمال تحديد الموقع بدقة عالية على مناطق واسعة من خلال استخدام الاطار المرجعي الأرضي الدولي (ITRF)

الالبسويд المرافق لهذا النظام هو الالبسويد المرجعي الجيوديسي GRS80 (1980) وهو كالتالي .

نصف القطر الأكبر: 6378137 متر,

النقطة: 1/298.257222101

** النظام الجيوديسي العالمي (WGS84) 1984 *

هذا النظام الجيوديسي العالمي يستعمل في منظومة الأقمار الصناعية الأمريكية لتحديد الموضع GPS
الالسويد المرافق لهذا النظام هو كالتالي :

نصف القطر الأكبر: 6378137 متر,

1/298.257223563 التفطح

"PZ90" GLONASS **

هذا النظام يستعمل في منظومة الأقمار الصناعية الروسية لتحديد الموضع .

الالسويد المرافق لهذا النظام هو كالتالي :

نصف القطر الأكبر: 6378136.000 متر,

1/298.257839303 التفطح

الاطار المرجعي الارضي جاليليو "GalileoTerrestrial RF" "GTRF" **

الاطار المرجعي الأرض جاليليو يستعمل في منظومة الأقمار الصناعية الأوروبية لتحديد الموضع .

الالسويد المرافق لهذا النظام هو كالتالي :

نصف القطر الأكبر: 6378137 متر,

1/298.257222101 التفطح

نظام احداثيات بيدو "Beidou Coordinate syst" "BDC" **

نظام احداثيات بيدو يستعمل في منظومة الأقمار الصناعية الصينية لتحديد الموضع وهو نظام الاحداثيات الجيوديسية الصينية 2000.

الالسويد المرافق لهذا النظام هو كالتالي :

نصف القطر الأكبر: 6378137 متر,

1/298.257222101 التفطح:

ويعتبر الاطار المرجعي الارضي العالمي (ITRF) الادق والاكثر استعمالا من الاطر المرجعية الأرضية الأخرى السابق ذكرها ، وأصبحت بديلا عن (WGS84) وهي غالبا ما تستعمل كأساس لأطار مرجعية محلية او مناطقية مثل الاطار المرجعي الارضي الأوروبي (ETRF89) وكذلك الاطار المرجعي الافريقي (AFREF) وكذلك المرجع الجيوديسي الياباني (JGD) وكذلك مرجع الاسناد

الجيوديسي الأسترالي (GDA94) ، ويتم ربط الأطر المرجعية الأرضية المحلية والمناطقية على محطات الرصد IGS الدائمة عند فترة زمنية محددة yyyy وهي فترة الأرصاد ، وكل هذه الأطر المرجعية المحلية والمناطقية هي مراجع اسناد ثابتة لأنها مثبتة إلى الصفيحة التكتونية الموجودة عليها تلك الدولة أو المنطقة .

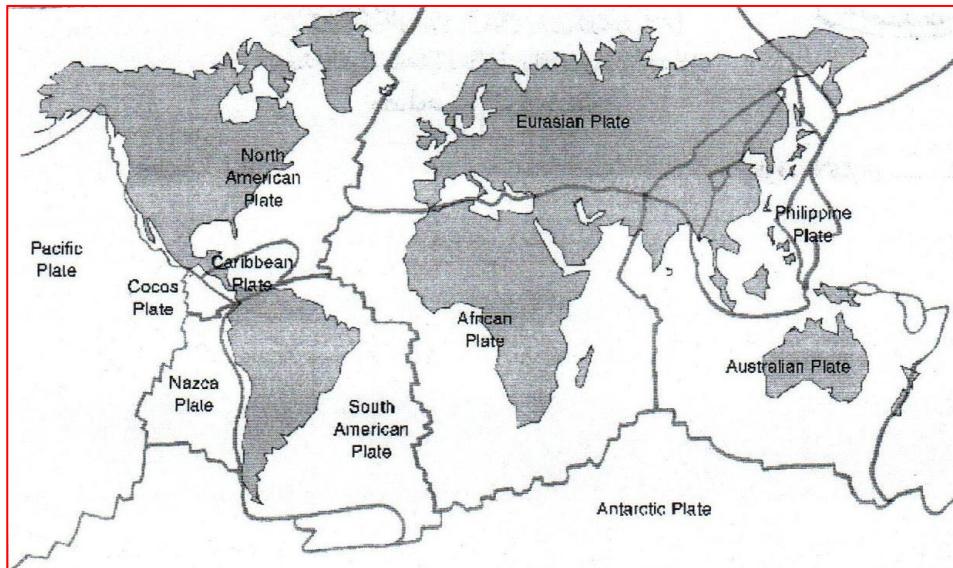
وقد تم اصدار أربعة عشرة اصدارات للاطار المرجعي الارضي العالمي في الفترة الممتدة من سنة 1988 الى سنة 2020 وهي كالتالي , ITRF94 , ITRF93 , ITRF92 , ITRF91 , ITRF90 , ITRF89 . ITRF2020 , ITRF2014 , ITRF2008 , ITRF2005 , ITRF2000 , ITRF97 , ITRF96 وعملية نشر او حساب إصدارات جديدة للاطار المرجعي الارضي العالمي هي عملية مستمرة وهي عبارة عن حلول جديدة يتم حسابها كل بضعة سنين باستعمال احدث الطرق والأساليب الرياضية والمساحية نظرا للتطور المستمر في جودة البيانات وطرق التحليل والأساليب الرياضية والمساحية من اجل تحقيق النظام المرجعي الارضي العالمي بائق ما يمكن .

إضافة الى ذلك فان النقاط المرجعية الدائمة تقع او توجد على طبقة القشرة الأرضية المكونة من عدة صفائح تكتونية كما في الشكل (14) ، وهذه الصفائح التكتونية تتحرك بالنسبة لبعضها بسبب الزلازل وعليه فان احداثيات هذه النقاط المرجعية الدائمة تتغير لذا يتم اجراء حسابات جديدة للاحاديث ومعدل تغير الاحاديث وذلك كلما لزم الامر ، ولهذا تذكر سنة احدث القياسات yyyy للاطار المرجعي الارضي العالمي ITRFyyyy حيث ان yyyy تشير الى سنة احدث القياسات التي استعملت في حساب الاحاديث . وعليه فان في الإصدارات الجديدة هناك تحسن في دقة الاحاديث والسرعات من الإصدارات السابقة بمعنى ان الاحاديث والسرعات تتغير الى قيم ادق من سابقتها ، ولكن محاور الاحاديث للنظام المرجعي الارضي العالمي ITRS لا تتحرك لأنها مثبتة الى الارض .

وعليه فان الإصدارات الجديدة للاطار المرجعي الارضي العالمي ITRF هي عملية مستمرة وهي تعكس الآتي : .

- تحسن في دقة احداثيات وسرعات المحطات المرجعية الدائمة (نقاط IGS) او نقاط GNSS .
- تحسن في تعريف مرجع الاسناد او نظام الاحاديث المرجعية الأرضية العالمية ITRS نتيجة لتوفر بيانات اكتر وكذلك التطور المستمر في جودة البيانات وطرق التحليل والأساليب الرياضية والمساحية.
- كذلك تعكس الانقطاعات التي تحدث في الزمن نتيجة الزلازل الارضية و احداث طبيعية أخرى .
- تعكس وجود نقاط او محطات جديدة وكذلك تظهر النقاط المتوقفة او المنقطعة .

وتقوم منظمة خدمة دوران الأرض والأنظمة المرجعية بإدارة وتوفير الكثير من المعلومات والبيانات والارصاد عبر الانترنت لاستعمالها في اعمال ربط الشبكات الجيوديسية على احداثيات الاطار المرجعي الأرضي العالمي .



شكل (14) (يبين الصفائح التكتونية)

الربط على النقاط المرجعية الدولية الدائمة

تدور أقمار منظومة الأقمار الصناعية للملاحة العالمية (GNSS) في مدارات بيضاوية ، واحدى بؤر المدار هي مركز تقل الارض ولهذا فان احداثيات مدارات أقمار تحديد الموقع سوف تكون في نظام الاحداثيات الأرض مركبة (Geocentric) وتعتبر موقع هذه الأقمار الصناعية نقاط معلومة الاحداثيات الأرض مركبة ، وبقياس المسافات الى هذه الأقمار يمكن حساب احداثيات الراصد وتكون هذه الاحداثيات في نفس نظام احداثيات مدارات أقمار الملاحة العالمية ، وفي الاعمال المساحية الدقيقة يتم الربط على احداثيات الاطار المرجعي الأرض العالمي (ITRF) وذلك عن طريق استعمال عدد من النقاط الدولية الدائمة الرصد القريبة من النقاط المرصودة ، وادخالها في حساب الاحداثيات العالمية واعتبارها نقاط

ذات احداثيات ثابتة (Fixed) في احداثيات الاطار المرجعي الارضي العالمي (ITRF) ، وتوفر منظمة خدمات تحديد الموضع (IGS) الكثير من الخدمات ومنها احداثيات هذه النقاط الدائمة الرصد في الاطار المرجعي الارضي العالمي (ITRF_{YYYY}) حيث أن (yyyy) تعبّر عن سنة أحدث القياسات التي استعملت في حساب احداثيات النقاط الدولية الدائمة ، كذلك توفر منظمة خدمات تحديد الموضع معدل تغير الاحداثيات " السرعات " (V_x, V_y, V_z) للنقاط الدولية الدائمة الرصد ، كما في الجدول رقم (3) وتستعمل معدّلات تغير الاحداثيات في تحويل احداثيات النقاط الدائمة الى الامام أو الى الخلف الى الفترة الزمنية فترة الأرصاد على النقاط المطلوبة إيجاد احداثياتها وذلك حسب معدّلات التحويل الآتية .

$$X_{t1} = X_{t0} + (t_1 - t_0) \text{yrs} \times V_x$$

$$Y_{t1} = Y_{t0} + (t_1 - t_0) \text{yrs} \times V_y$$

$$Z_{t1} = Z_{t0} + (t_1 - t_0) \text{yrs} \times V_z$$

حيث أن:

t_0 هي yyyy وهي سنة احدث القياسات التي استعملت في حساب ITRF_{YYYY}. t_1 هي الفترة الزمنية التي تم فيها الرصد على النقاط المطلوبة إيجاد احداثياتها.

(Z_{t0}, Y_{t0}, X_{t0}) هي احداثيات النقطة الدائمة عند الفترة الزمنية t_0

(Z_{t1}, Y_{t1}, X_{t1}) هي احداثيات النقطة الدائمة عند الفترة الزمنية t_1

(V_z, V_y, V_x) هي سرعات تغير احداثيات النقاط العالمية الدائمة.

وهكذا يتم تحويل احداثيات النقاط العالمية الدائمة ITRF_{YYYY} الى احداثيات في الفترة الزمنية فترة القياسات.

والمثال الذي يوضح عملية تحويل الاحداثيات: -

بافتراض أن القياسات على النقاط المراد إيجاد احداثياتها قد تمت في شهر أكتوبر 2022 وعليه فإن آخر أصدرا للإطار المرجعي الارضي العالمي هي ITRF2020 وكما في الجدول (3) فإن لكل نقطة من النقاط العالمية الدائمة لها معدل تغير احداثيات يختلف عن النقاط الدائمة الأخرى كل حسب الصفحة التكونية الموجودة عليها وبتطبيق معدّلات التحويل السابقة الذكر لكل نقطة عالمية دائمة حسب سرعات

تغير الاحداثيات (V_z, V_y, V_x) لهذه النقطة .

وعليه تكون الفترة الزمنية المنقضية ($t_0 - t_1$) هي من (2020) الى شهر أكتوبر 2022 وعليه تكون الفترة المنقضية بالسنوات هي $1 \frac{10}{12} = 1.827$ ومن معادلات التحويل يمكن حساب احداثيات النقاط الدائمة في الاطار المرجعي الارضي العالمي (ITRF2020) في الفترة الزمنية (Epoch) (2021.827)

وحيث أن النقاط العالمية الدائمة التي تم تحويل احداثياتها تعامل في حسابات برمجيات (GPS) على أساس أنها ثابتة (Fixed) ليتم الحصول على احداثيات النقاط المطلوبة في نفس نظام احداثيات النقاط العالمية الدائمة والإطار المرجعي ITRF2020 وفي الفترة الزمنية فترة الأرصاد وهي أكتوبر 2022 (ITRF2020 at Epoch 2022.827) وكتب بهذه الصيغة (2022.827) .

مراجع الاسناد الجيوديسية الافقية في ليبيا

تعتبر مراجع الاسناد الجيوديسية الافقية في ليبيا ليست بالقديمة ولكنها حديثة منذ بداية القرن العشرين حيث قامت هيئة المساحة العسكرية الإيطالية في فترة الاستعمار الإيطالي لليبيا بعمل شبكات ضبط أفقية على طول الشريط الساحلي وذلك لغرض إنتاج خرائط ذات مقياس رسم صغير، وكانت أجهزة القياس في ذلك الوقت بسيطة وكذلك فكرة مراجعة الاسناد كانت محلية ، وذلك بقياس الاحداثيات الفلكية دائرة العرض الفلكية وخط الطول الفلكي ، واعتبار هذه النقطة نقطة بداية الاحداثيات وقياس التسامت من نقطة البداية إلى نقطة مساحية أخرى ، ولا يوجد الكثير من المعلومات على هذه الاعمال المساحية.

وبالنسبة للخرائط الإيطالية ذات مقياس رسم صغير فإنه يمكن استعمال الاحداثيات الفلكية كنقطة بداية للإحداثيات في المناطق التي لا يتتوفر فيها شبكات مساحية حيث أن دقة الخرائط ذات المقياس الصغير تتنماشى مع دقة هذه الشبكات المساحية في ذلك الوقت .

وكذلك كانت إحداثيات النصب الحدودية مع الدول المجاورة احداثيات فلكية وذلك لعدم وجود مراجع جيوديسية في ليبيا في ذلك الوقت.

وفي فترة الخمسينيات من القرن الماضي قام سلاح المهندسين بالجيش الأمريكي بإعداد شبكة المثلثات على طول الشريط الساحلي وكانت احداثيات هذه النقاط في مرجع الاسناد الأوروبي 1950 (ED50) وقد تم ربط هذه الشبكة المثلثية على شبكة المثلثات في تونس التي قد تم ربطها الى مرجع الاسناد الأوروبي عن

طريق إيطاليا وقد أعدت شبكة المثلثات على طول الساحل الليبي لغرض أعداد خرائط طبوغرافية مقاييس 1:50000 تغطي كامل الساحل الليبي وتعتبر هذه الشبكة في مرجع الاسناد الجيوديسي الأوروبي 1950 هي شبكة الاحاديث الأساسية لكل اعمال التخريط في ليبيا لكل مقاييس الرسم الكبيرة والصغيرة وكذلك كل الاعمال الهندسية الأخرى ولا توجد شبكات جيوديسية أخرى وخاصة في الجنوب الذي لا توجد فيه شبكات جيوديسية.

وعليه فإن مرجع الاسناد الأوروبي 1950 (ED50) يعتبر مرجع الاسناد الجيوديسي الاقفي المحلي في ليبيا وللتغطية كافة البلاد بشبكة جيوديسية متGANSA في مرجع جيوديسي محلي.

وحيث أن أعمال المساحة التقليدية من تضليل وشبكات مثلثات وذلك بقياس مسافات وزوايا لخطوط طويلة تمتد لمئات الكيلومترات إلى الجنوب والشرق والغرب وما يترتب على ذلك من صعوبة هذه الاعمال خاصة في الصحراء وما تحتاج إليه من وقت وتكلفة وكذلك من تراكم الأخطاء خاصة الأخطاء الناتجة من تصحيح المسافات حيث لا يتوفّر الارتفاع الجيوديسي.

وقد تطورت نظم الملاحة بالأقمار الصناعية مع إطلاق نظام الملاحة الأمريكي ترانزات (Transit) ويعرف أيضا باسم نظام دوبлер (Doppler) في السبعينيات من القرن العشرين وهو نظام عالمي لتحديد الموضع.

وعليه قامت مصلحة المساحة الليبية في نهاية السبعينيات من القرن الماضي بإنجاز مشروع إنشاء ورصد وحساب 45 نقطة دوبлер موزعة على كامل البلاد بفواصل 250 كيلومتر تقريباً ما بين هذه النقاط وذلك للتغطية كامل البلاد بواسطة هذه الشبكات الافقية الأساسية ذات الدقة العالية في ذلك الوقت بتقنية الأقمار الصناعية، وكذلك تم قياس الاحاديث الفلكية دائرة العرض وخط الطول وأيضاً قياس التسامت الفلكي على هذه النقاط، كما تم ربط بعض هذه النقاط بأعمال التسوية الدقيقة على مرجع الاسناد الجيوديسي الرأسى وكذلك ربط بعض النقاط على نقاط الضوابط الراسية للحصول على ارتفاعات فوق متوسط منسوب سطح البحر لهذه النقاط ومن هذه البيانات تم عمل خريطة للجيoid بالنسبة لمرجع اسناد الأقمار الصناعية (WGS72) كما في الشكل (14).

وتعتبر هذه الشبكة هي شبكة الضوابط الافقية الأساسية (SNC) (Super Net horizontal Control) وكذلك تعرف هذه النقاط بنقاط (IGN) نسبة إلى الشركة المنفذة للمشروع وهو المعهد الجغرافي الوطني الفرنسي.

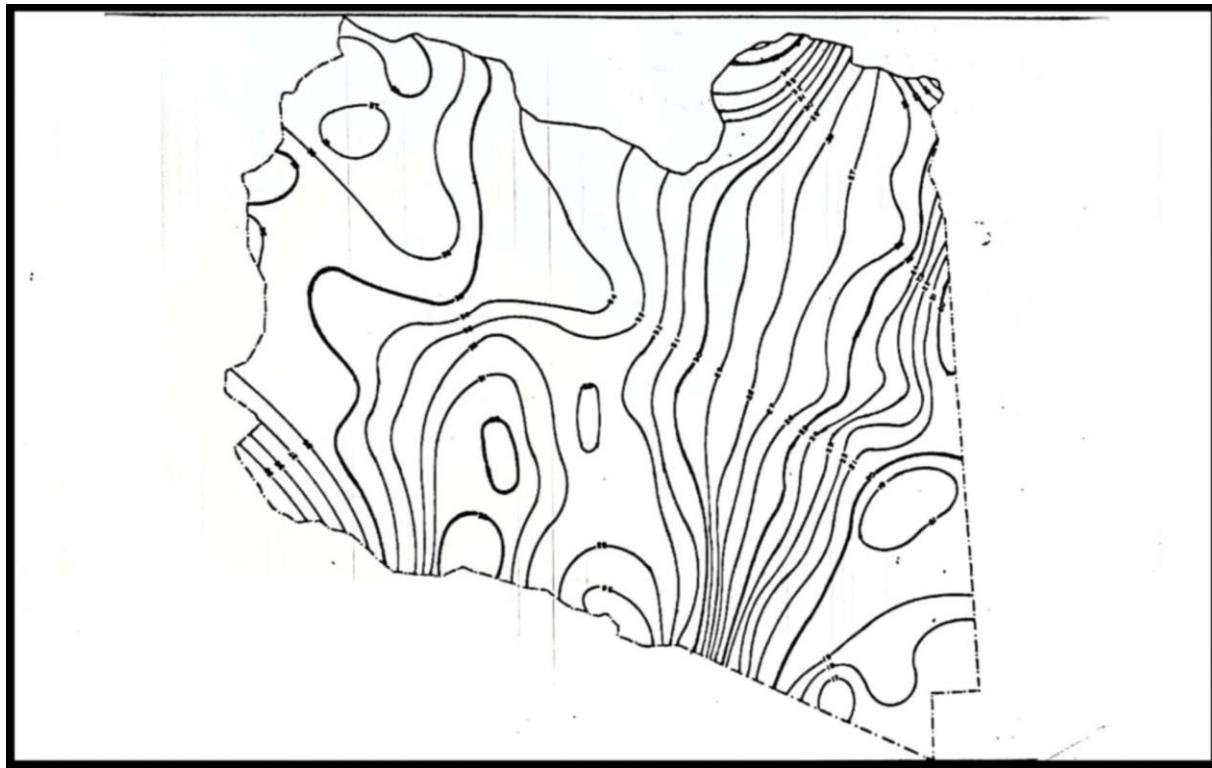
وتعتبر هذه الشبكة ذات دقة عالية بمقاييس ذلك الوقت، وتم ربط بعض نقاط هذه الشبكة ببعضها بواسطة أعمال التضليل قرب أماكن التجمعات السكانية.

وقد كانت احداثيات هذه الشبكة في نظام الاحداثيات الكارتيزية (Z,Y,X) للأقمار الصناعية دوبлер وهي احداثيات أرض مركبة والشكل البيضاوي المرافق لهذه الاحداثيات هو الالبسoid WGS72 وذلك لتحويل الاحداثيات الكارتيزية الى احداثيات جيوديسية في نظام احداثيات الأقمار الصناعية.

وبهذا أصبحت ليبيا مغطاة بشبكة من الضوابط الافقية الأرضية ذات الدقة العالية والمتناسقة في نظام احداثيات الأقمار الصناعية وحيث أن نظام الاحداثيات الجيوديسية الافقية المحلية المستعملة في ليبيا في اعمال التخطيط والاعمال الهندسية الأخرى هي نظام الاحداثيات الجيوديسية الأوروبية ED50 (1950) ولكن شبكة الاحداثيات المحلية تغطي فقط الشريط الساحلي وللحصول على الاحداثيات المحلية لكامل البلاد يجب ايجاد معاملات التحويل من النظام الجيوديسي للأقمار الصناعية لنقاط الشبكة الأساسية 45 نقطة التي أصبحت تغطي كامل البلاد الى النظام الجيوديسي المحلي وبهذا يصبح كامل البلاد مغطى بنفس الاحداثيات المحلية ولها فد تم بناء بعض نقاط الشبكة الأساسية (SNC) بحيث تكون قريبة من نقاط شبكة المثلثات (AMS) الموجودة على طول الشريط الساحلي لتكون عملية ربط هذه النقاط القريبة من بعضها سهلة وبسيطة حيث كانت هذه المسافات بين نقاط (SNC) و (AMS) في حدود عشرة امتار تقريبا وعليه تم ربط بعض من نقاط SNC الى نقاط AMS بطريقة القياسات التقليدية مسافة وزاوية تسامت. وقد تم استعمال سبعة (7) نقاط من نقاط الشبكة الأساسية دوبлер التي تم بناؤها قريبة من نقاط شبكة المثلثات AMS وربط هذه النقاط ببعضها ، ومنها تم حساب احداثيات نقاط دوبлер SNC السبعة في نظام الاحداثيات ED50 وهذه الاحداثيات هي دائرة العرض وخط الطول فقط حيث أنه لا يوجد الارتفاع الجيوديسي لنقط (AMS) ولا حتى الارتفاع الاورتومترى في معظم الأحيان .

وحيث أن عملية تحويل الاحداثيات بين مراجع الاسناد الجيوديسية تتطلب أن تكون الاحداثيات في مراجع الاسناد ثلاثة الابعاد أي أن تتوفر الاحداثيات الثلاثة (ϕ, λ, h) دائرة العرض وخط الطول والارتفاع الجيوديسي ، وهذا الشرط متوفّر في احداثيات الأقمار الصناعية نقاط الدوبлер ولكن بالنسبة الى نظام الاحداثيات المحلية المستعمل في أعمال التخطيط وهو ED50 لا يتوفّر الارتفاع الجيوديسي فوق الالبسoid ولا الارتفاع فوق متوسط منسوب سطح البحر (الجيoid) ولصعوبة الحصول على الارتفاع الجيوديسي في نظام الاحداثيات المحلية ED50 عليه فقد تم افتراض أن الالبسoid وهو الشكل البيضاوي العالمي 1924 في نظام الاحداثيات المحلية متطابق مع الجيoid على نقاط الشبكة الجيوديسية SNC السبعة والتي تم حساب احداثياتها في نظام الاحداثيات المحلية ED50 وعليه فإن الارتفاع الجيوديسي على هذه النقاط السبعة بالنسبة الى نظام الاحداثيات المحلية مساوي للارتفاع الاورتومترى وعليه فإن الاحداثيات الثلاثة (ϕ, λ, h) في نظام الاحداثيات المحلية ED50 أصبحت متوفّرة.

وحيث أن الارتفاع الاورتومترى كان الحصول عليه أسهل من الارتفاع الجيوديسى في ذلك الوقت فقد تم استعمال الارتفاع الاورتومترى من أعمال التسوية الدقيقة في بعض الأحيان عندما يكون متوفراً عند بعض نقاط SNC السبعة ، وفي حالة عدم توفر الارتفاع الاورتومترى فيتم حساب الارتفاع الاورتومترى بطريقة الاستكمال أو الاستنباط تقريرياً من خريطة الجيoid المعدة من قبل شركة IGN الفرنسية كما هو في الشكل (15) الذي يبين حيود الجيoid بالنسبة الى الشكل البيضاوي WGS72 لمرجع اسناد الأقمار الصناعية دوبلر



الشكل (15) يبين حيود الجيoid بالنسبة الى المرجع الجيوديسى للاقمار الصناعية (WGS72)

وبهذا تم الحصول على الارتفاع الاورتومترى على نقاط SNC السبعة وأن الارتفاع الجيوديسى لهذه النقاط بالنسبة للشكل البيضاوى العالمى 1924 لمرجع الاسناد المحلي ED50 يساوى الارتفاع الاورتومترى على هذه النقاط.

وعليه تكون نقاط الدوبلر SNC السبعة لها احداثيات ثلاثية (h, λ, ϕ) في نظام احداثيات الأقمار الصناعية والشكل البيضاوى المرافق لهذا النظام هو WGS72 ، وكذلك لها هذه النقاط احداثيات في نظام الاحداثيات المحلية ED50 والشكل البيضاوى المرافق لهذا النظام هو الشكل البيضاوى العالمى 1924 وقد تم افتراض أن محاور الاحداثيات (Z,Y,X) لنظام الاحداثيات المحلية موازية لمحاور الاحداثيات العالمية (Z,Y,X)

أي أنه لا توجد زوايا دوران لمحاور الاحداثيات ، وكذلك تم افتراض أنه ليس هناك تغير في المقاييس، وعليه فإن عناصر تحويل الاحداثيات هي الازاحات الثلاثة فقط ($\Delta z, \Delta y, \Delta x$) هي الازاحة في اتجاه المحور X والازاحة في اتجاه المحور Y والازاحة في اتجاه المحور Z.

وكانت متوسط عناصر التحويل أو الازاحات الثلاثة من نظام احداثيات الأقمار الصناعية إلى نظام الاحداثيات المحلية هي كالتالي:-

$$\Delta x = 106.721 \text{ meter}$$

$$\Delta y = 118.782 \text{ meter}$$

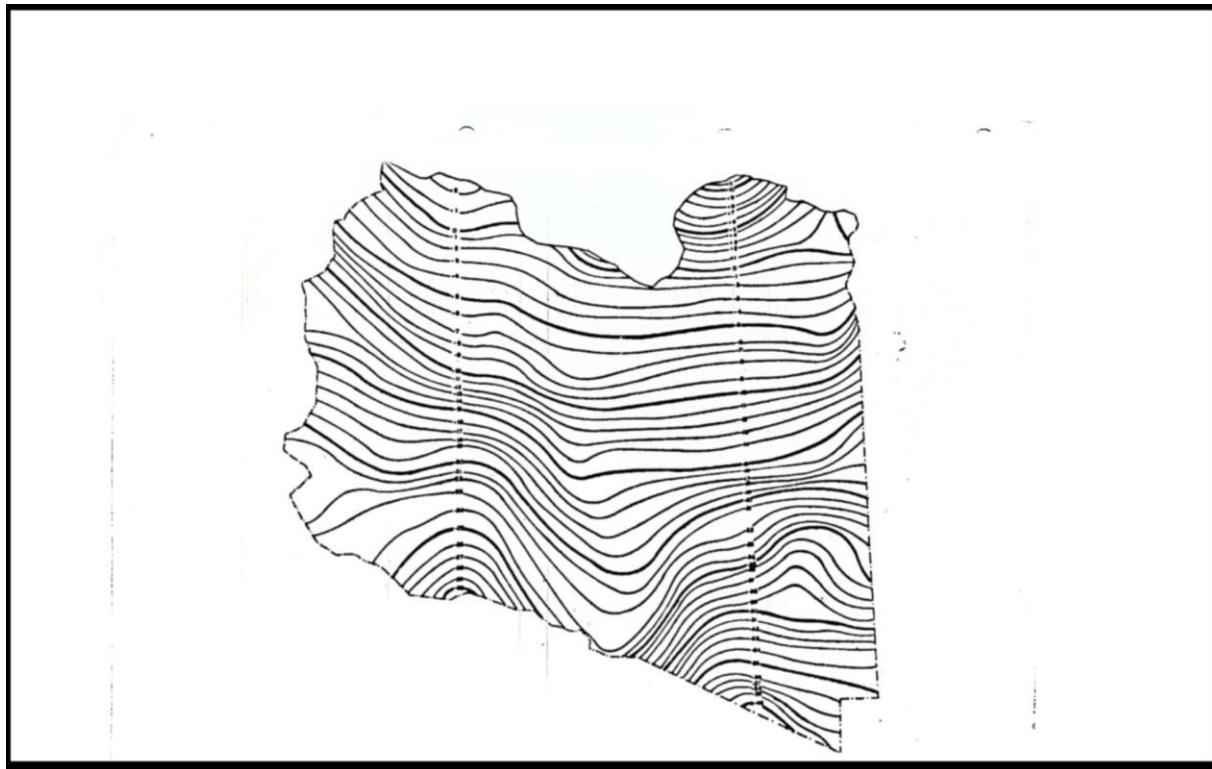
$$\Delta z = 150.290 \text{ meter}$$

وكان متوسط الازاحات السبعة يتوافق مع الازاحات المحسوبة عند كل نقطة في حدود ± 3 متر .
وحيث أنه تم افتراض أن الالبسoid في نظام الاحداثيات المحلية على نقاط الشبكة الأساسية السبعة يتطابق مع الجيoid على هذه النقاط وأن محاور الاحداثيات في نظامي الاحداثيات متوازية عليه فإن نظام الاحداثيات الناتج من تحويل احداثيات الأقمار الصناعية بهذه الازاحات الثلاثة ينتج عنه نظام احداثيات جديد يختلف عن نظام الاحداثيات الأوروبي (ED50) 1950، ولهذا سمي باسم جديد وهو مرجع الاسناد الجيوديسي الليبي الأوروبي 1979 (ELD79) . وعليه وبعناصر التحويل الثلاثة تم تحويل احداثيات كل نقاط الشبكة الأساسية SNC وكذلك كل نقاط التضليل التي على خطوط التضليل التي تربط ما بين نقاط الدوبلر SNC من مرجع اسناد الأقمار الصناعية إلى مرجع الاسناد الليبي الجديد ELD79 .

وفي بداية الثمانينيات من القرن الماضي قامت مصلحة المساحة بإنشاء شبكة من نقاط الضبط الأرضي الافقية تتكون من نقاط دوبلر كل 50 كيلومتر في جميع أنحاء البلاد وكذلك الكثير من خطوط التضليل وقد تم ربط كل هذه النقاط على نقاط الشبكة الأساسية SNC وحساب احداثيات في نظام الاحداثيات المحلية ELD79 .

كما قامت المصلحة بإنشاء شبكة كبيرة من نقاط الضبط الرأسية المكونة من عدة خطوط تسوية ذات الدرجة الأولى والثانية والثالثة وقد تم ربط الكثير من نقاط الشبكة الافقية بنقاط التسوية وتم الحصول على الارتفاع الorticومتر على هذه النقاط وعمل خريطة الجيoid التي تبين حيويات الجيoid بالنسبة إلى مرجع الاسناد الجيوديسي الأوروبي الليبي 1979 ، كما في الشكل (16) ومن هذه الخريطة التي تبين حيويات الجيoid نرى ان الجيoid يطابق الالبسoid مطابقة جيدة على طول الشريط الساحلي في الشمال حيث تقع النقاط السبعة

التي تم فيها فرض ان الالبسoid متطابق مع الجيoid ، ولكن كلما اتجهنا جنوبا يزداد حيويد الجيoid الى ان يصل الى حوالي 40 متر في اقصى الجنوب وتعتبر هذه المطابقة غير جيدة .



الشكل (16) يبين حيود الجيoid بالنسبة الى مرجع الاسناد الجيوديسى الأوروبي الليبي 1979 (ELD79)

وعليه فامت مصلحة المساحة في بداية 2006 باعادة تعريف مرجع الاسناد الجيوديسى الأوروبي الليبي

. ELD79